

Série N°3 : TRIGONOMETRIE1

(La correction voir 😊 <http://www.xriadiat.com/>)

Exercice1 : (*) Calculer la longueur L de l'arc AB d'un cercle (C) de rayon $R = 60cm$ et tel que :

$$\alpha = (\widehat{AOB}) = 70gr$$

Exercice2 : (*) Déterminer l'abscisse curviligne principale de chacune des points suivants

$$M_0\left(\frac{9\pi}{2}\right); M_1\left(\frac{11\pi}{3}\right); M_2\left(\frac{67\pi}{4}\right); M_3\left(\frac{19\pi}{3}\right); M_4\left(\frac{181\pi}{6}\right)$$

Exercice3 : (**)

Placer sur un cercle trigonométrique d'origine I les points d'abscisses curvilignes x qui vérifie :

$$2x = \frac{\pi}{4} + 2k\pi \text{ avec } k \in \mathbb{Z}$$

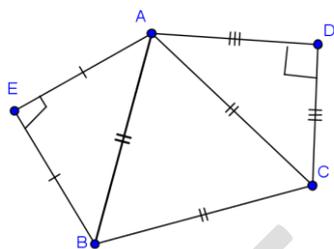
Exercice4 : (**): Dans chacun des cas suivants, déterminer si x et y sont des mesures d'un même angle orienté.

1) $x = \frac{\pi}{2}$ et $y = \frac{3\pi}{2}$ 2) $x = \frac{5\pi}{3}$ et $y = -\frac{21\pi}{4}$ 3) $x = \frac{29\pi}{3}$ et $y = \frac{-2\pi}{3}$ 4) $x = \frac{43\pi}{12}$ et $y = -\frac{5\pi}{12}$

Exercice5 : (**)

D'après la figure suivante donner la mesure principale des angles orientés suivant :

$$(\overrightarrow{AB}; \overrightarrow{AC}); (\overrightarrow{AE}; \overrightarrow{AD}); (\overrightarrow{BC}; \overrightarrow{BE}); (\overrightarrow{CB}; \overrightarrow{CD}); (\overrightarrow{EB}; \overrightarrow{EA}) \text{ et } (\overrightarrow{DC}; \overrightarrow{DA})$$



Exercice6 : (**)

Sachant que. $(\vec{u}; \vec{v}) \equiv -\frac{\pi}{7}[2\pi]$ et $(\vec{u}; \vec{w}) \equiv -\frac{\pi}{4}[2\pi]$

Déterminer la mesure principale de : $(\vec{v}; \vec{w}); (-\vec{u}; \vec{v})$ et $(-\vec{w}; \vec{v})$

Exercice7 : (**) Soit $-\pi < x < \pi$; calculer :

$$A = \sin\left(\frac{6\pi - x}{6}\right) + \sin\left(\frac{12\pi + 2x}{12}\right); \quad B = \cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right);$$

$$C = \cos\left(\frac{14\pi}{3}\right) + \sin\left(\frac{23\pi}{6}\right) - 2\sin\left(\frac{9\pi}{2}\right)$$

$$D = \cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) \times \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right) \times \cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) \times \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right); \quad E = \tan\left(\frac{2\pi}{3}\right) \times \tan\left(\frac{5\pi}{4}\right) \times \tan\left(\frac{5\pi}{6}\right)$$

$$\cos\frac{10\pi}{3}; \sin\frac{53\pi}{6}; \cos\frac{34\pi}{3}; \cos\frac{13\pi}{6}; \tan\frac{37\pi}{4}$$

Exercice8 : (**) Simplifier les expressions suivantes :

$$A = \sin(\pi - x) \times \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) - \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) \times \cos(\pi - x) \quad B = \frac{\sin x + \sin(\pi - x)}{\cos(\pi - x)}$$

$$C = \cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right) - \tan\left(\frac{5\pi}{6}\right)$$

$$D = \sin(11\pi - x) + \cos(5\pi + x) + \cos(14\pi - x)$$

$$E = \tan(\pi - x) + \tan(\pi + x)$$

$$F = \cos^2\left(\frac{\pi}{5}\right) + \sin^2\left(\frac{3\pi}{10}\right)$$

Exercice9 : (**) Simplifier et calculer les expressions suivantes :

$$A = \cos(0) + \cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + \cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + \cos\left(3\frac{\pi}{4}\right) + \cos(\pi)$$

$$D = \tan\left(\frac{\pi}{5}\right) + \tan\left(\frac{2\pi}{5}\right) + \tan\left(\frac{3\pi}{5}\right) + \tan\left(\frac{4\pi}{5}\right)$$

Exercice10 : (**) 1) Sachant que : $\cos x = -\frac{3}{4}$ et $-\pi < x < 0$; calculer : $\sin x$ et $\tan x$

Exercice11 : (**) On considère un réel x tel que : $\sin x = \frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{4}$ et $-\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2}$

1) Déterminer la valeur exacte de $\cos x$

2) On sait que : $x \in \left\{-\frac{5\pi}{12}; -\frac{\pi}{12}; \frac{\pi}{12}; \frac{5\pi}{12}\right\}$ déterminer la valeur exacte de x

Exercice12 : (**) Soit $x \in \left[0; \frac{\pi}{2}\right]$ On pose : $E = 4 \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) \sin x + \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) \cos^3 x$

1) Montrer que : $E = (2 - \cos^2 x)^2$

2) Déterminer la valeur de E sachant que : $\tan x = \sqrt{7}$

Exercice13 : (**) On pose : $A(x) = \sin x (\cos^2 x - \sin^2 x)$

1) Calculer : $A\left(\frac{\pi}{6}\right)$; $A\left(\frac{5\pi}{6}\right)$; $A\left(-\frac{\pi}{3}\right)$

2) Montrer que : si $x \in \left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$ alors : $A\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = A\left(\frac{\pi}{2} + x\right)$

Exercice14 : (***) On considère un entier relatif n (il peut être positif ou négatif). Déterminer éventuellement en fonction de n , le cosinus et le sinus des réels :

$$2n\pi \quad ; \quad (2n+1)\pi \quad ; \quad n\pi \quad ; \quad -\frac{\pi}{2} + (2n+1)\pi$$

Exercice15 : (**) Montrer que : pour tout $x \in \mathbb{R}$

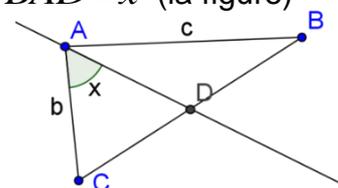
$$1) \sin^4 x + \cos^4 x = 1 - 2 \sin^2 x \cos^2 x$$

$$2) (1 + \sin x + \cos x)^2 = 2(1 + \sin x)(1 + \cos x)$$

Exercice16 : (**) Soit (AD) une médiane du triangle ABC tel que : $\angle BAD = x$ (la figure)

Et $AC = b$ et $BC = a$ et $AB = c$

Montrer que : $\sin(A - x) = \frac{c}{b} \sin x$



*C'est en forgeant que l'on devient forgeron : Dit un proverbe.
C'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien*

